

Föreläsningsspass 13

- Intro till härledda lagar
- Lagen för kinetiska energin
- Potentiell energin

Avsnitt i kursboken: 6.3

PARTIKELDYNAMIK

* Newton's 2:a lag :

$$\underline{\underline{F}} = m \underline{\underline{a}}$$

ögonblicksbild

Integration map
sträcka eller tid =>

Härledda lagar:

* Lagen för kinetiska energin (T) :

$$\underline{\underline{W}} = \Delta T$$

lägesintervall

W: krafternas arbete

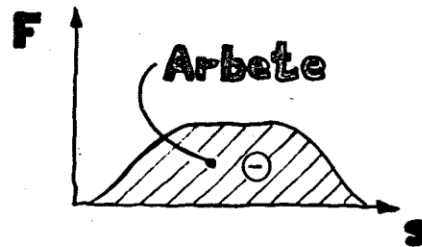
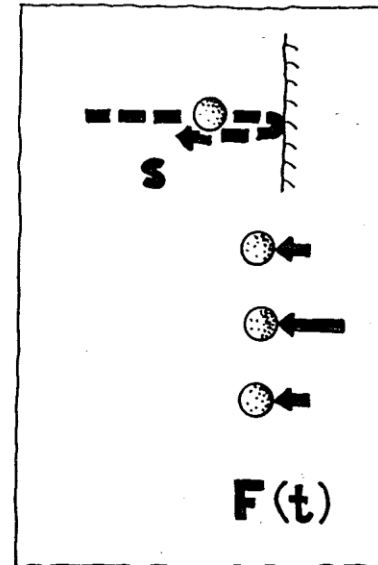
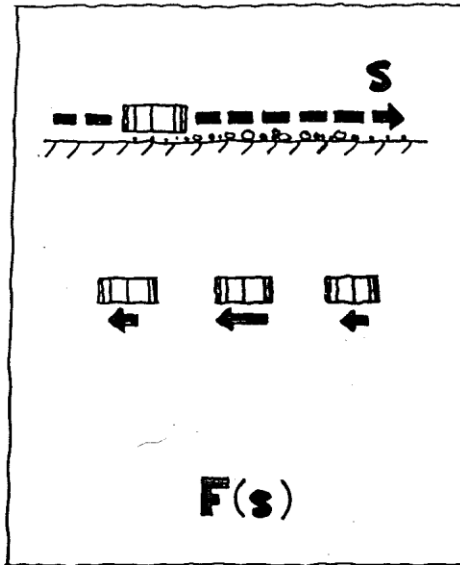
* Impuls lagen :

$$\underline{\underline{I}} = \Delta \underline{\underline{p}}$$

tidsintervall

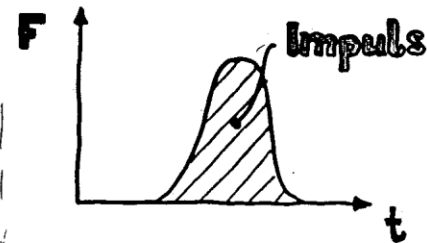
{ $\underline{\underline{I}}$: krafternas impuls
 $\underline{\underline{p}}$: rörelsemängd

ARBETE - IMPULS



$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{s}$$

$W = \text{skalär}$



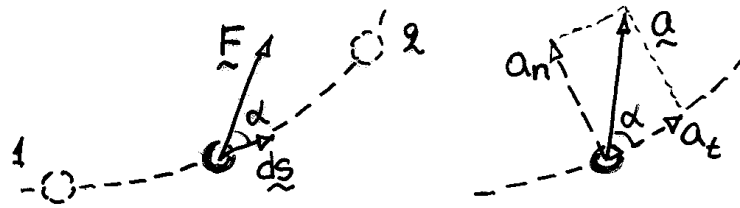
$$\vec{I} = \int \vec{F} dt$$

$$\vec{I} = (I_x, I_y, I_z)$$

ARBETE OCH RÖRELSEENERGI

LAGEN FÖR KINETISKA ENERGIN:

$$W = \Delta T$$



Newtons 2:a lag skalärt med \underline{ds} :

$$\underline{F} \cdot \underline{ds} = m \underline{a} \cdot \underline{ds} ;$$

$$F ds \cos \alpha = m \underline{a \cos \alpha} ds ;$$

Använd $a \cos \alpha = a_t = v \frac{dv}{ds}$ och integrera:

$$\int_{s_1}^{s_2} F \cos \alpha ds = \int_{v_1}^{v_2} m v dv$$

W

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \Delta T$$

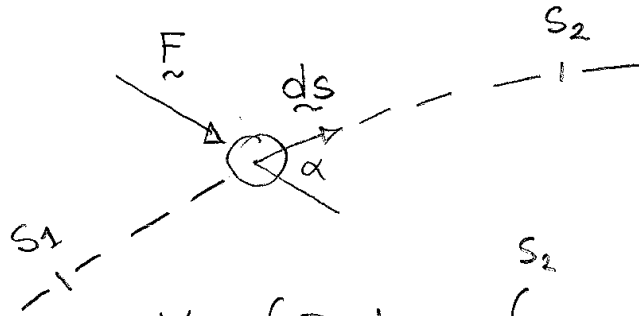
Vänsterledet W är kraftens arbete.

i intervallet $1 \rightarrow 2$

Högerledet ΔT är ändringen i rörelseenergi.

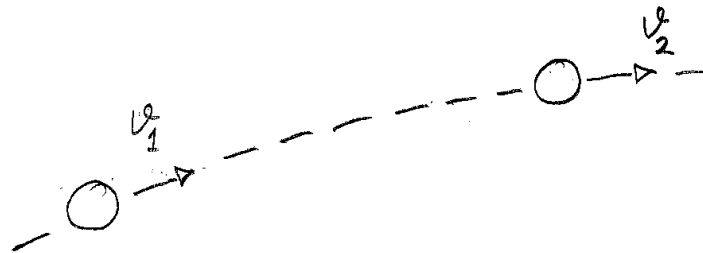
LAGEN FÖR KINETISKA ENERGIN: $W = \Delta T$

Krafters arbete W :



$$W = \int_{s_1}^{s_2} \vec{F} \cdot d\vec{s} = \int_{s_1}^{s_2} F \cos \alpha \, ds$$

Rörelse energi T :

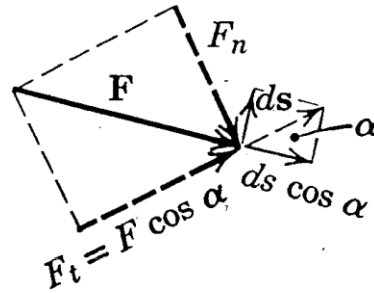
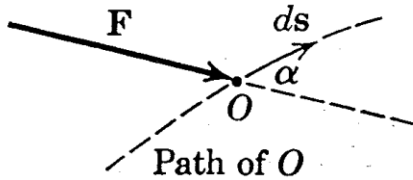


$$\Delta T = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

ARBETE; W OCH RÖRELSEENERGI; T

$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{s}$$

$$T = \frac{1}{2}mv^2$$



T är ett skalärmått

T är alltid positiv

Tolkning av $\vec{F} \cdot d\vec{s} = F \cdot ds \cdot \cos \alpha$:

$\left\{ \begin{array}{l} \text{kraften i vägens riktning} : F \cos \alpha \cdot ds \\ \text{vägen i kraftens riktn.} : F \cdot ds \cos \alpha \end{array} \right.$

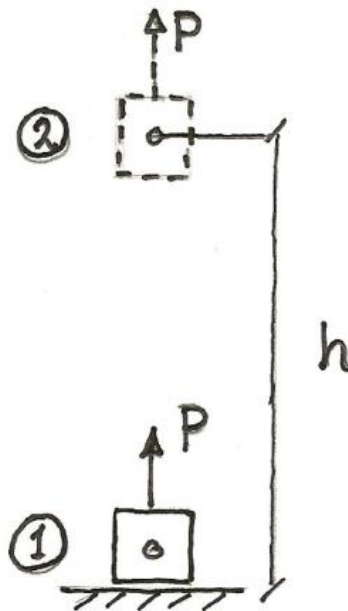
positivt arbete $\rightarrow F \cdot \cos \alpha$
 $\rightarrow ds$

negativt arbete $\rightarrow F \cdot \cos \alpha$
 $\leftarrow ds$

ARBETE VS ENERGI

Potentiell energi definieras för tyngdkraft och fjäderkraft

Ex 1. Vertikalt lyft av massa - Lägesenergi



Friläggning:

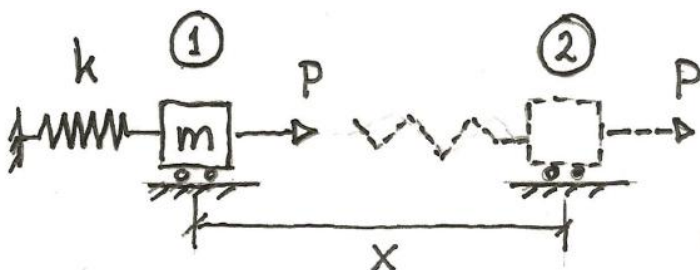


Lagen om kinetiska energin omformas mht tyngdkraft

Potentiell energi definieras för tyngdkraft och fjäderkraft

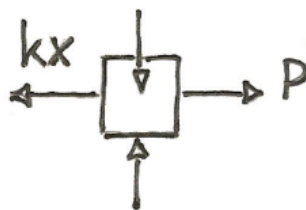
Ex 2. Fjäderenergi

Fjädern är ospänd i läge 1



Fjäderkraft:
 $F=kx$ (linjär fjäder)

Friläggning:

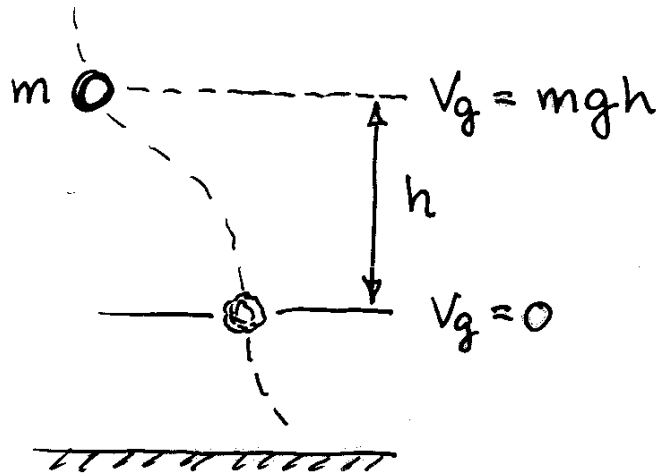


Lagen om kinetiska energin omformas mht fjäderkraft

POTENTIELL ENERGI

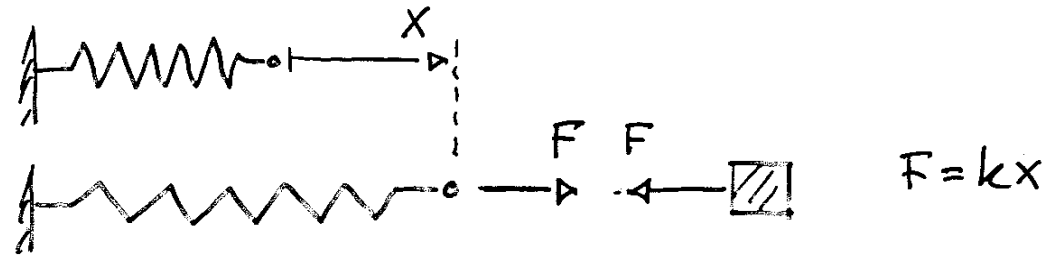
Inför integrerade storheter för tyngdkraft och fjäderkraft.

Lägesenergi :



$$V_g = mgh$$

Fjäderenergi:



$$V_e = \int kx \, dx \quad \Rightarrow$$

$$V_e = \frac{1}{2} kx^2$$

Anm. Trycks fjädern ihop samma sträcka blir energin den samma

MEKANISK ENERGI

Definition av mekanisk energi: $E = T + V_g + V_e$

$$T = mv^2/2 \quad (\text{noll vid } v=0)$$

$$V_g = mgh \quad (\text{noll vid referensnivån})$$

$$V_e = kx^2/2 \quad (\text{noll vid ospänd fjäder})$$

Låt $W^{(ik)}$ beteckna allt arbete utom det som utförs av tyngdkraften mg och fjäderkrafter $kx \Rightarrow$

$$W^{(ik)} = \Delta T + \Delta V_g + \Delta V_e$$

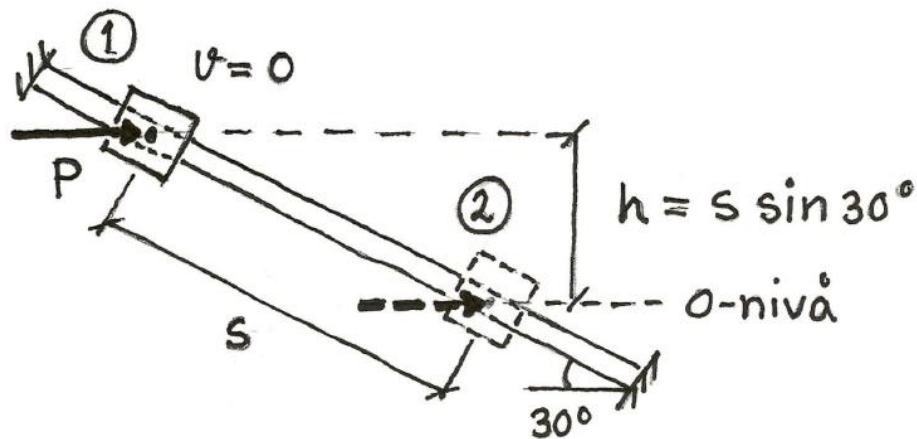
Då tecknas Energisatsen: $W^{(ik)} = \Delta E$

Anm. $W^{(ik)}$ innehåller typiskt yttre krafters arbete och arbete orsakat av friktionskrafter.

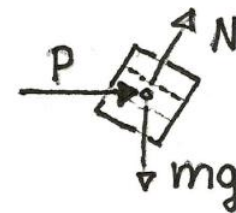
Ex. Energisatsen: Lägesenergi

Hylsa med massan m på glatt stång. Start från vila i läge 1.

Vad blir hastigheten i läge 2 ?



Friläggning:



Sätt $P=10\text{N}$, $m=2\text{kg}$ och $s=3\text{m}$