

# Föreläsningsspass 14

- Intro till härledda lagar
- Lagen för kinetiska energin
- Potentiell energin

Avsnitt i kursboken: 6.3

# PARTIKELDYNAMIK

\* Newton's 2:a lag :

$$\vec{F} = m \vec{a}$$

ögonblicksbild

Integration map  
sträcka eller tid =>

Härledda lagar:

\* Lagen för kinetiska energin (T) :

$$W = \Delta T$$

lägesintervall

W: krafternas arbete

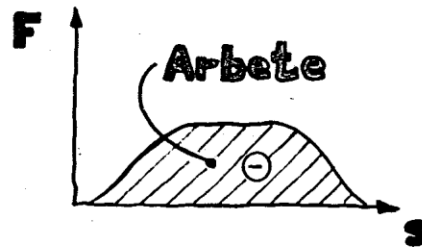
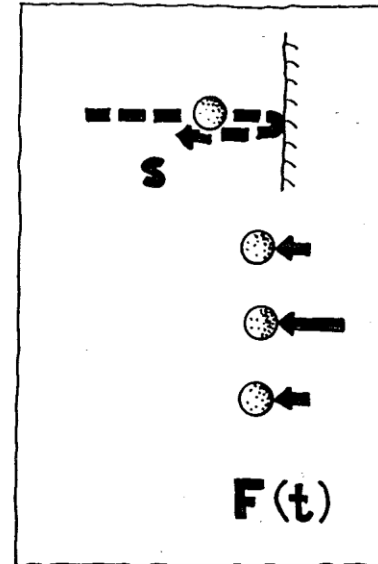
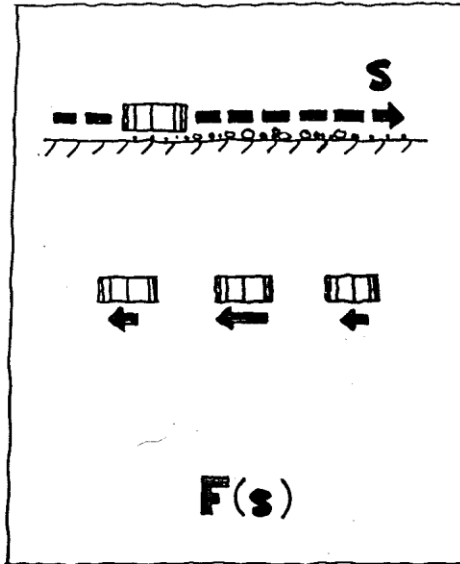
\* Impuls lagen :

$$\vec{I} = \Delta \vec{p}$$

tidsintervall

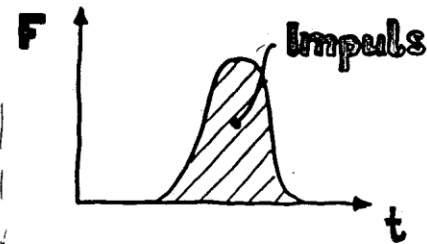
{  $\vec{I}$  : krafternas impuls  
   $\vec{p}$  : rörelsemängd

# ARBETE - IMPULS



$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{s}$$

$W = \text{skalär}$



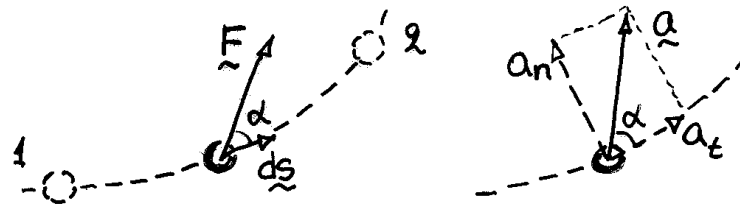
$$\vec{I} = \int \vec{F} dt$$

$$\vec{I} = (I_x, I_y, I_z)$$

# ARBETE OCH RÖRELSEENERGI

## LAGEN FÖR KINETISKA ENERGIN:

$$W = \Delta T$$



Newtons 2:a lag skalärt med  $\underline{ds}$ :

$$\underline{F} \cdot \underline{ds} = m \underline{a} \cdot \underline{ds} ;$$

$$F ds \cos \alpha = m \underline{a \cos \alpha} ds ;$$

Använd  $a \cos \alpha = a_t = v \frac{dv}{ds}$  och integrera:

$$\int_{s_1}^{s_2} F \cos \alpha ds = \int_{v_1}^{v_2} m v dv$$

$W$

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \Delta T$$

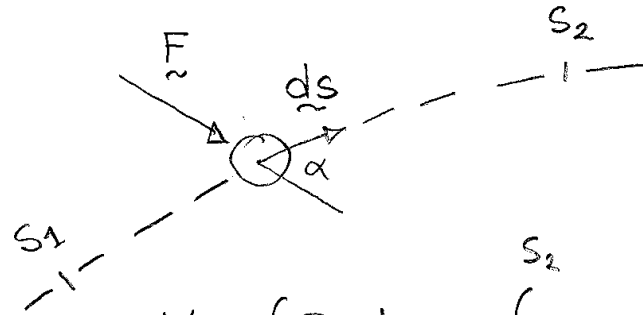
Vänsterledet  $W$  är kraftens arbete.

i intervallet  $1 \rightarrow 2$

Högerledet  $\Delta T$  är ändringen i rörelseenergi.

# LAGEN FÖR KINETISKA ENERGIN: $W = \Delta T$

Krafters arbete  $W$ :



$$W = \int_{s_1}^{s_2} \vec{F} \cdot d\vec{s} = \int_{s_1}^{s_2} F \cos \alpha \, ds$$

Rörelse energi  $T$ :

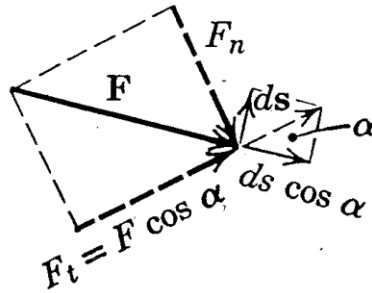
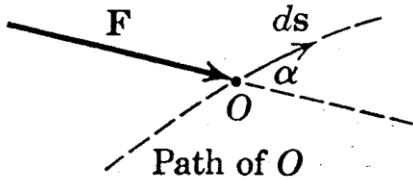


$$\Delta T = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

# ARBETE; $W$ OCH RÖRELSEENERGI; $T$

$$W = \int \underline{F} \cdot d\underline{s}$$

$$T = \frac{1}{2} m v^2$$



$T$  är ett skalär mått

$T$  är alltid positiv

Tolkning av  $\underline{F} \cdot d\underline{s} = F \cdot ds \cdot \cos \alpha$  :

{ kraften i vägens riktning :  $F \cos \alpha \cdot ds$   
 { vägen i kraftens riktn. :  $F \cdot ds \cos \alpha$

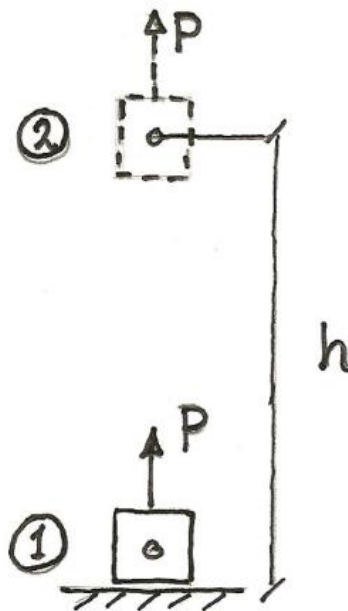
positivt arbete  $\longrightarrow F \cdot \cos \alpha$   
 $\longrightarrow ds$

negativt arbete  $\longrightarrow F \cdot \cos \alpha$   
 $\longleftarrow ds$

# ARBETE VS ENERGI

Potentiell energi definieras för tyngdkraft och fjäderkraft

Ex 1. Vertikalt lyft av massa - Lägesenergi



Friläggning:

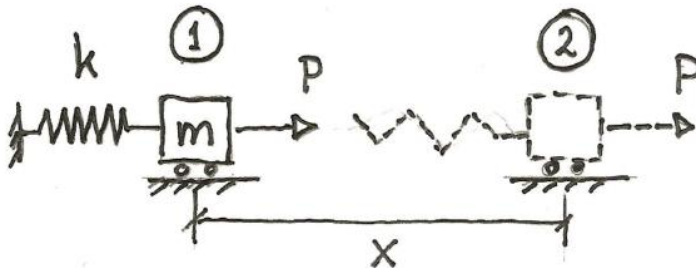


Lagen om kinetiska energin omformas mht tyngdkraft

Potentiell energi definieras för tyngdkraft och fjäderkraft

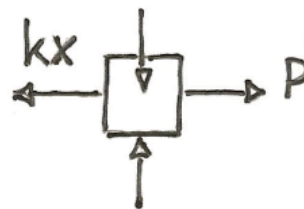
Ex 2. Fjäderenergi

Fjädern är ospänd i läge 1



Fjäderkraft:  
 $F=kx$  (linjär fjäder)

Friläggnig:



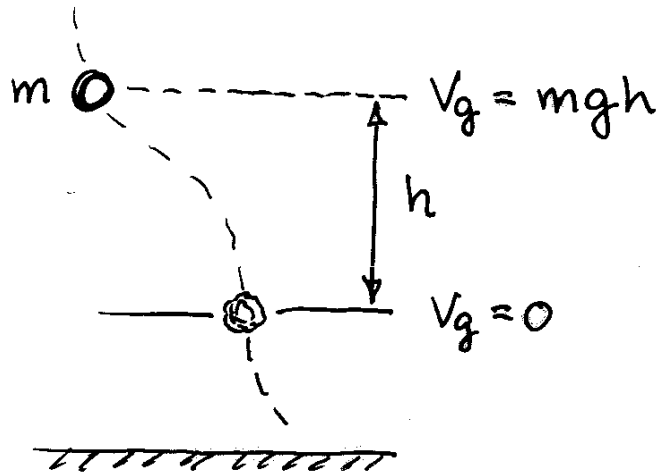
Lagen om kinetiska energin omformas mht fjäderkraft



# POTENTIELL ENERGI

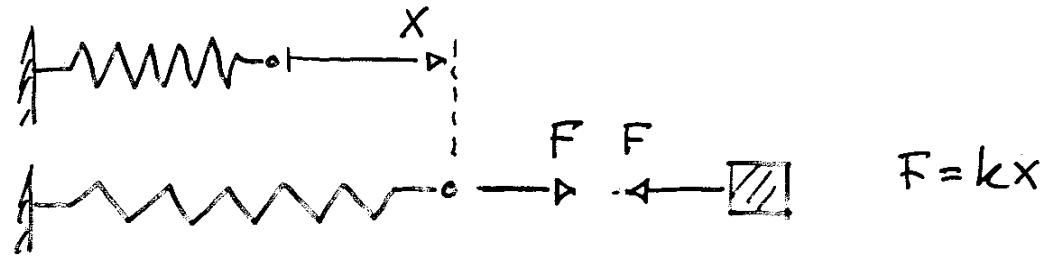
Inför integrerade storheter för tyngdkraft och fjäderkraft.

Lägesenergi :



$$V_g = mgh$$

Fjäderenergi:



$$V_e = \int kx \, dx \quad \Rightarrow$$

$$V_e = \frac{1}{2} kx^2$$

Anm. Trycks fjädern ihop samma sträcka blir energin den samma

# MEKANISK ENERGI

Definition av mekanisk energi:  $E = T + V_g + V_e$

$$T = mv^2/2 \quad (\text{noll vid } v=0)$$

$$V_g = mgh \quad (\text{noll vid referensnivån})$$

$$V_e = kx^2/2 \quad (\text{noll vid ospänd fjäder})$$

Låt  $W^{(ik)}$  beteckna allt arbete utom det som utförs av tyngdkraften  $mg$  och fjäderkrafter  $kx \Rightarrow$

$$W^{(ik)} = \Delta T + \Delta V_g + \Delta V_e$$

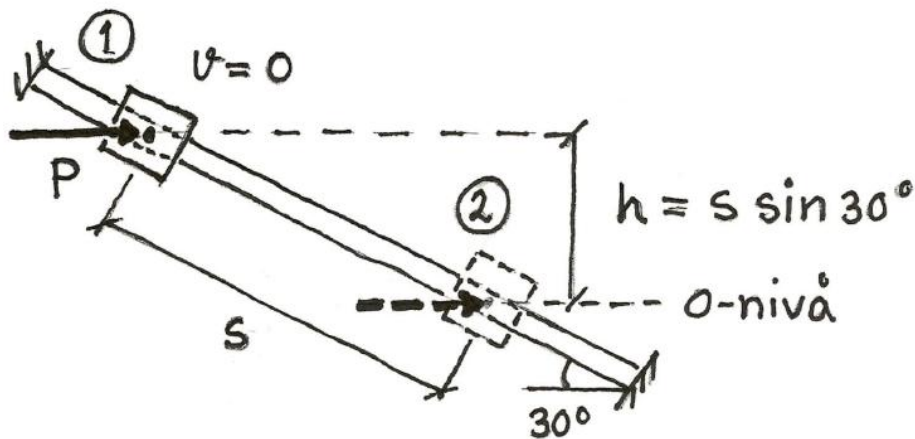
Då tecknas Energisatsen:  $W^{(ik)} = \Delta E$

Anm.  $W^{(ik)}$  innehåller typiskt yttre krafters arbete och arbete orsakat av friktionskrafter.

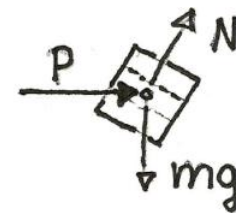
## Ex. Energisatsen: Lägesenergi

Hylsa med massan  $m$  på glatt stång. Start från vila i läge 1.

Vad blir hastigheten i läge 2 ?



Friläggning:



Sätt  $P=10\text{N}$ ,  $m=2\text{kg}$  och  $s=3\text{m}$